

التمرين الأول:

- أوجد فراغ الحوادث الأولية Ω في تجربة إلقاء قطعة نقود متجانسة مرتين.
- أوجد فراغ الحوادث الأولية Ω في تجربة إلقاء حجر نرد مرتين متتاليتين.
- ما هو عدد النتائج الممكنة لتجربة رمي حجر نرد ثم قطعة نقود؟ .

التمرين الثاني: في تجربة رمي قطعة نقود متجانسة مرتين، أوجد الحوادث التالية: A: ظهور الصورة في الرمية الأولى. B: ظهور صورة على الأقل. C: ظهور الرقم في الأولى والصورة في الثانية.

التمرين الثالث:

لدينا $\Omega = \{a, b, c, d, e\}$ و $A = \{a, b, d\}$ و $B = \{b, d, e\}$
أوجد الحوادث التالية: $A \cup B$ ، \bar{A} ، \bar{B} ، $\bar{A} \cap \bar{B}$ ، $\bar{A} \cap B$ ، $\bar{A} \cap \bar{B}$ ، $(A \cap B)$ ، $B \cap A$ ، $A \cup \bar{B}$ ، $B \setminus A$ ، $\bar{B} \setminus \bar{A}$ ، $(A \cup B)$ ،

التمرين الرابع:

لدينا أربعون قطعة خشبية كلها من شكل واحد ، مرقمة من 1 إلى 40 فإذا وضعت هذه القطع في صندوق و خلطت تماما ثم سحبت قطعة واحدة .

فما هو احتمال أن تكون هذه القطعة المسحوبة تحمل رقما من مضاعفات :

1 - الأربعة . 2 - الخمسة . 3 - الأربعة والخمسة في آن واحد . 4 - الأربعة أو الخمسة .

التمرين الخامس: أنتج عامل 7 وحدات تالفة، 3 وحدات جيدة من سلعة ما وأنتج عامل آخر 15 وحدة منها 8 تالفة، 7 جيدة، إذا سحبنا وحدة من إنتاج كل من العاملين أحسب احتمال أن واحدة منها على الأقل جيدة.

التمرين السادس: بفرض أنه ألقيت قطعة نقود متزنة مرتين ، وعرفنا الحدث A بأنه الحصول على وجهين متشابهين ، و الحدث B حدث الحصول على صورة واحدة على الأقل ، والحدث C حدث الحصول على صورة في الرمية الأولى . حدد عناصر فراغ الحوادث الأولية ثم بين فيها إذا كانت مستقلة ثنائيا .

التمرين السابع:

في صندوق 20 كرة منها 5 حمراء ، 9 بيضاء ، 6 صفراء فسحبت على التوالي 4 كرات .

- 1 - ما هو احتمال أن تكون 4 كرات بيضاء ؟
- 2 - ما هو احتمال أن نحصل على كرة واحدة من اللون الأسود ؟
- 3 - ما هو احتمال أن نحصل على 2 حمراء ، و 2 بيضاء ؟
- 4 - ما هو احتمال أن نحصل على كرة واحدة على الأقل بيضاء ؟
- 5 - ما هو احتمال أن نحصل على الأكثر كرتين من اللون الأصفر ؟

التمرين الثامن:

ليكن فضاء العينة Ω حيث $\Omega = \{x_1, x_2, x_3, x_4\}$ ولتكن الدوال P_i حيث

$i = 1, 2, 3, 4$ ، عين من بين الدوال المعرفة كمايلي تلك التي تعين فضاء احتمالي :

$$1) P_1(x_1) = 1/5 , P_1(x_2) = 1/2 , P_1(x_3) = 1/3 , P_1(x_4) = 1/4$$

$$2) P_2(x_1) = 1/2 , P_2(x_2) = 1/2 , P_2(x_3) = 1/4 , P_2(x_4) = - 1/4$$

$$3) P_3(x_1) = 1/2 , P_3(x_2) = 1/2 , P_3(x_3) = 1/4 , P_3(x_4) = 1/8$$

$$4) P_4(x_1) = 1/4 , P_4(x_2) = 1/2 , P_4(x_3) = 1/4 , P_4(x_4) = 0$$

التمرين التاسع :

رمينا قطعتي نرد في الهواء ، فما هو إحتمال أن يكون المجموع يساوي 10 أو أكثر وذلك في الحالتين التاليتين

(1) - إذا ظهر العدد 5 على قطعة النرد الأولى .

(2) - إذا ظهر العدد 5 على قطعة نرد واحدة على الأقل .

التمرين العاشر :

حضر لاعبان من أجل ضربتي جزاء ، وكان إحتمال أن يسجل الأول (A_1) هو 0.7 ، وإحتمال أن يسجل الثاني (A_2) لنفس الحارس هو 0.5 ، فقذف اللاعبان كل منهما قذفة واحدة باتجاه نفس المرمى .

المطلوب: 1 - ما هو إحتمال أن يسجل الهدف بقذفة واحدة على الأقل ؟

2 - ما هو إحتمال أن يسجل الهدف بقذفة واحدة فقط ؟

التمرين الحادي عشر :

فريق كرة القدم X يكون رابح (V) بإحتمال قدره $1/2$ ، وخاسر (P) بإحتمال قدره $3/10$ ويتعادل (N) بإحتمال قدره $1/5$ ، هذا الفريق لعب مقابلتين :

المطلوب: (1) - حدد فراغ التجربة الإحتمالية . (2) - ما هو إحتمال حدوث فوز على الأقل ؟

التمرين الثاني عشر :

ليكن A و B حادثان مرتبطان بتجربة مفروضة E ، بحيث :

$$P(A / B) = 1/4 , P(B) = 1/2 , P(A) = 3/8$$

أحسب كل من : $P(A \cup \bar{B})$, $P(\bar{A} \cup B)$, $P(\bar{A} \cap B)$, $P(\bar{A})$, $P(\bar{B})$, $P(A \cap B)$

التمرين الثالث عشر :

بمحطة نقل المسافرين لدينا ثلاث حافلات A , B , C عدد الركاب موزعة على الحافلات الثلاث كالتالي :

الحافلة A : عدد الرجال 13 ، عدد النساء 15

الحافلة B : عدد الرجال 22 ، عدد النساء 8

الحافلة C : عدد الرجال 10 ، عدد النساء 0

إنطلقت الحافلات الثلاث إلى شرق الجزائر ، وفي الطريق نزل أحد المسافرين .

(1) - ما هو إحتمال أن يكون رجل ؟ (2) - ما هو إحتمال أن يكون امرأة ؟

(3) - إذا علمت أن الذي نزل رجل فما هو إحتمال أن يكون من الحافلة B ؟

(4) - إذا علمت أن الذي نزل كان في الحافلة A فما هو إحتمال أن تكون امرأة ؟

التمرين الرابع عشر :

يوجد ثلاثة مصانع لصنع الأحذية بحيث 45% من الإنتاج ينتج في المصنع H_1 ، و 30% في المصنع

H_2 و 25% في المصنع H_3 .

ينتج المصنع H_1 80% من إنتاجه من النوع الممتاز ، وينتج المصنع H_2 60% من إنتاجه من النوع الممتاز ،

وينتج H_3 70% من إنتاجه من النوع الممتاز . أخذنا حذاء واحد لأعلى التعيين من الإنتاج الإجمالي للمصانع الثلاثة

(1) - ما هو إحتمال أن يكون من النوع الممتاز ؟

(2) - ما هو إحتمال أن يكون من المصنع الثاني H_2 علمًا بأنه ممتاز ؟