

TD 5

Exercice 1

Montrer que le processus aléatoire $X(t) = A \cos(\omega t + \theta)$ est non stationnaire, lorsque A et ω sont des constantes et θ c'est une v.a uniformément distribuée dans l'intervalle $[0, \pi]$.

Exercice 2

On considère le processus $X(t) = \cos(\omega t + \theta)$, où ω c'est une constante réelle et θ c'est une v.a uniformément distribuée dans l'intervalle $[0, \frac{\pi}{2}]$.

- Montrer que $X(t)$ n'est pas stationnaire au 2eme ordre.

Exercice 3

Soit $X(t)$ et $Y(t)$ deux processus stochastiques stationnaires du second ordre, indépendants, centrés et de fonctions d'autocorrélation.

$$R_X(\tau) = e^{-a|\tau|} \text{ et } R_Y(\tau) = e^{-b|\tau|}$$

Considérons les deux processus suivants :

$$\begin{cases} Z_1(t) = X(t) + Y(t) \text{ et} \\ Z_2(t) = X(t) \cdot Y(t) \end{cases}$$

- Montrer que les deux processus sont stationnaires du second ordre.

Exercice 4

On considère le processus aléatoire : $X(t) = \cos(\omega t + \theta)$. Où ω est une constante, θ c'est une variable aléatoire avec une densité de probabilité :

$$P(\theta) = \begin{cases} \frac{1}{2\pi} & 0 \leq \theta \leq 2\pi \\ 0 & \text{Ailleurs} \end{cases}$$

- Montrer que $X(t)$ est un processus aléatoire érgodique (1^{er} ordre, 2eme ordre).