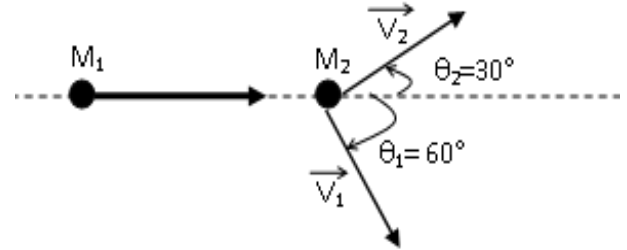




**Série N° 3 : Dynamique du point**

**Exercice 1** (à traité en cours)

Soit une masse  $M_1=2 \text{ kg}$  se déplaçant avec une vitesse constante  $V_1= 3 \text{ m/s}$ , cette masse percute une autre masse  $M_2 =1.5 \text{ kg}$  initialement **au repos**. Après le choc, les deux masses se déplacent avec des vitesses respectives  $\vec{V}_1'$  et  $\vec{V}_2'$  faisant des angles  $\theta_1=60^\circ$  et  $\theta_2=30^\circ$  avec l'horizontale.



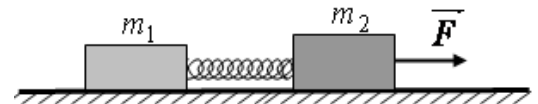
Le choc est considéré parfaitement élastique.

- Calculer le module des vitesses  $\vec{V}_1'$  et  $\vec{V}_2'$ .

**Exercice 2**

Soient deux masses  $m_1=1 \text{ kg}$  et  $m_2=2 \text{ kg}$  reliées par un ressort de constante de raideur  $K$  et de masse négligeable. L'ensemble est au repos et le ressort n'est ni allongé ni comprimé. L'ensemble peut se déplacer sur le plan horizontal. Les frottements sont caractérisés par  $\mu_{s1}, \mu_{g1}$  pour  $m_1$  et  $\mu_{s2}, \mu_{g2}$  pour  $m_2$ .

- 1) Déterminer l'intensité  $F_{\min}$  de  $\vec{F}$  qu'il faut appliquer à  $m_2$  pour qu'elle se mette en mouvement.
- 2) On augmente l'intensité de  $\vec{F}$  de manière à ce que le système se déplace avec une accélération constante  $a=4 \text{ m/s}^2$ .
  - a) Déterminer l'intensité de  $\vec{F}$ .
  - b) Déterminer l'allongement du ressort.

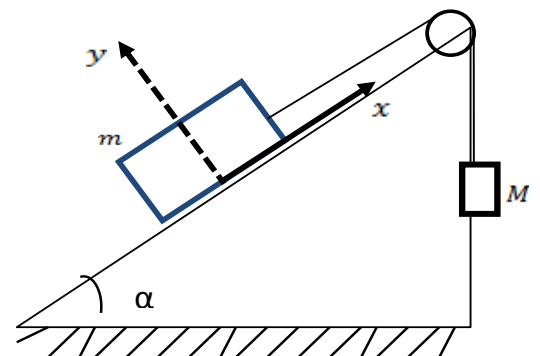


AN:  $K = 200 \text{ N/m}$ ,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ ,

$\mu_{s1} = 0.6, \mu_{g1} = 0.5, \mu_{s2} = 0.4, \mu_{g2} = 0.3$

**Exercice 3** (à traité en cours)

On considère le système de la figure ci-contre, constitué d'un plan incliné d'angle  $\alpha$  par rapport à l'horizontale, sur lequel une masse  $m$  reliée par l'intermédiaire d'un fil inextensible à une autre masse  $M$ . Les masses de la poulie et du fil sont négligeables. Les coefficients de frottements entre  $m$  et le plan incliné sont  $\mu_s$  et  $\mu_g$ . On donne :  $m=1\text{kg}$ ,  $\alpha = 60^\circ$ ,  $\mu_s =0.5$ ,  $\mu_g=0.3$  et  $g=10\text{m/s}^2$ .



- 1- Dans le cas où on néglige les frottements, déterminer la valeur de  $M$  pour que le système reste en équilibre ?
- 2- Maintenant, on prend les frottements en considération, Déterminer les valeurs,  $M_{\min}$  (minimale) et  $M_{\max}$  (Maximale), de  $M$  pour lesquelles  $m$  reste au repos.
- 3) On prend  $M = 2\text{Kg}$ , la masse  $m$  monte sur le plan incliné. Calculer son accélération ?



**Série N° 3 : Dynamique du point**

**Exercice 4**

Un bloc de masse  $m=1 \text{ kg}$  est posé sur un autre bloc de masse  $M=2 \text{ kg}$ . L'ensemble est posé sur une table. La masse  $M$  est reliée à une masse  $M_0$  par l'intermédiaire d'un fil inextensible passant à travers une poulie (figure 3A). Les frottements entre la masse  $M$  et la table sont caractérisés par les coefficients de frottement  $\mu_{s1} = 0.6$  et  $\mu_{g1} = 0.5$ . Ceux entre les deux blocs  $m$  et  $M$  sont  $\mu_{s2} = 0.2$   $\mu_{g2} = 0.1$ .

- 1) Quelle est la valeur maximale que peut prendre  $M_0$  pour que le système reste en équilibre ?
- 2) La masse  $M_0$  prend la valeur de  $M_0=2 \text{ kg}$ . L'équilibre étant rompu, calculer l'accélération 'a' du système, sachant que  $m$  reste collée à la masse  $M$ .
- 3) Maintenant, on relie la masse  $m$  au mur avec un fil (inextensible, sans masse et bien tendu) et on refait l'expérience avec la même masse  $M_0=2 \text{ kg}$  (figure 3B).
  - Trouver l'accélération de la masse  $M$ , dans ce cas.
  - Calculer la tension du fil qui tient  $m$  au mur.

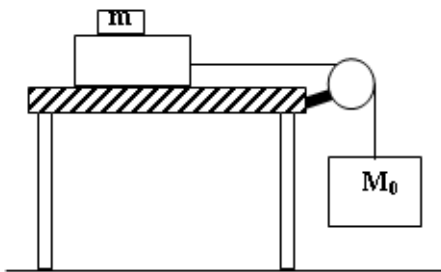


Figure 3A

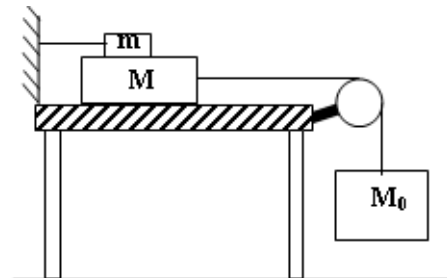


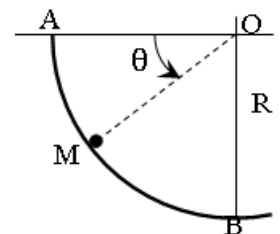
Figure 3B

**Exercices supplémentaires**

**Exercice 1**

On considère la piste circulaire  $AMB$  (figure ci-contre), située dans un plan vertical et de rayon  $R=1\text{m}$ . Une particule de masse  $m=100 \text{ g}$  est abandonnée au point  $M$  sans vitesse initiale. Le coefficient de frottement statique entre la piste et  $m$  est  $\mu_s=0.5$  et  $g=10 \text{ m/s}^2$ .

- 1) Pour quelles valeurs de  $\theta$ , la particule reste-t-elle en équilibre sur la piste?
- 2) La particule est lancée vers le bas à partir du point  $A$ , elle arrive au point  $B$  ( $\theta = \pi/2$ ) avec une vitesse  $V=1 \text{ m/s}$  et une accélération  $a= 2.4 \text{ m/s}^2$ .
  - a) Ecrire la relation fondamentale de la dynamique pour  $m$  en un point quelconque  $M$  au cours du mouvement et la projeter sur les axes tangentiels et normaux.
  - b) En déduire le coefficient de frottement de glissement entre  $m$  et la piste.

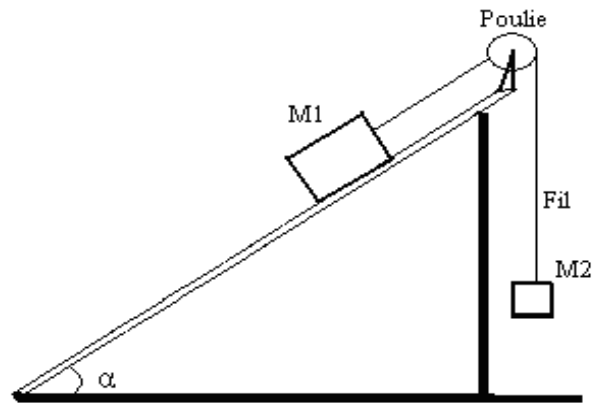




**Série N° 3 : Dynamique du point**

**Exercice 2**

Un corps de masse  $M_1$  se trouve sur un plan incliné d'un angle  $\alpha$  par rapport à l'horizontale. Il est relié à un corps de masse  $M_2$  par l'intermédiaire d'un fil inextensible passant dans une poulie de masse négligeable. Les frottements entre  $M_1$  et le plan incliné sont négligeables. A l'instant initial les deux corps sont immobiles.



Déterminer le rapport des masses  $M_2/M_1$  tel que le corps  $M_2$  :

- 1) Se met à descendre.
- 2) Se met à monter.
- 3) Reste au repos.

**Exercice 3**

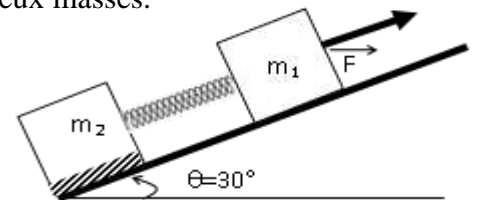
Soient deux blocs de masses  $m_1=m_2=1 \text{ kg}$  reposant sur une table faisant un angle  $\theta=30^\circ$  avec l'horizontale, et reliés par un ressort de masse négligeable et de constante de raideur  $k=900 \text{ N/m}$ .

On tire la masse  $m_1$  avec une force  $F=15 \text{ N}$  parallèle au plan de la table.

On suppose que la masse  $m_1$  glisse sans frottements et que le contact de la masse  $m_2$  avec la table est caractérisé par un coefficient de frottement dynamique  $\mu_d=0.34$ .

Le mouvement étant établi avec une accélération constante pour les deux masses.

- 1- Calculer l'accélération du système en utilisant la R.F.D.
- 2- Calculer la tension du ressort.
- 3- Calculer l'allongement du ressort.



**Exercice 4**

Un corps de masse  $m$  assimilé à un point matériel est lancé horizontalement avec une vitesse  $\vec{V}_0$  à partir du point  $O$  ( $\vec{V}_0 // OX$ ). Le corps subit de la part de l'air une force de frottement visqueux du type:  $\vec{F}_r = -K \cdot \vec{V}$  ( $K = \text{Cste} > 0$ ) où  $\vec{V}$  est la vitesse du corps.

- 1) Déterminer les composantes  $V_x(t)$  et  $V_y(t)$  de la vitesse.  
 - Montrer que la vitesse atteint une valeur limite.
- 2) Déterminer les composantes  $x(t)$  et  $y(t)$  ainsi que l'équation de la trajectoire.

