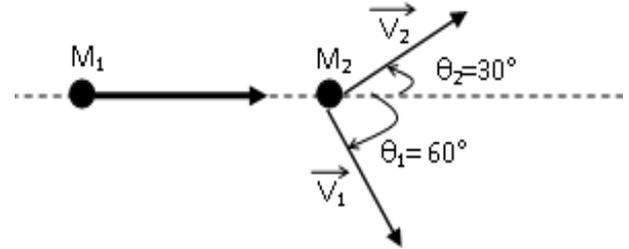




Série N° 3 : Dynamique du point

Exercice 1 (à traité en cours)

Soit une masse $M_1=2 \text{ kg}$ se déplaçant avec une vitesse constante $V_1= 3 \text{ m/s}$, cette masse percute une autre masse $M_2 =1.5 \text{ kg}$ initialement **au repos**. Après le choc, les deux masses se déplacent avec des vitesses respectives



\vec{V}_1' et \vec{V}_2' faisant des angles $\theta_1=60^\circ$ et $\theta_2=30^\circ$ avec l'horizontale.

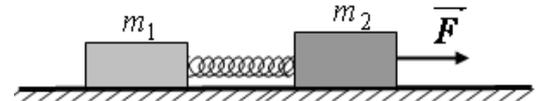
Le choc est considéré parfaitement élastique.

- Calculer le module des vitesses \vec{V}_1' et \vec{V}_2' .

Exercice 2

Soient deux masses $m_1=1 \text{ kg}$ et $m_2=2 \text{ kg}$ reliées par un ressort de constante de raideur K et de masse négligeable. L'ensemble est au repos et le ressort n'est ni allongé ni comprimé. L'ensemble peut se déplacer sur le plan horizontal. Les frottements sont caractérisés par μ_{s1}, μ_{g1} pour m_1 et μ_{s2}, μ_{g2} pour m_2 .

- 1) Déterminer l'intensité F_{\min} de \vec{F} qu'il faut appliquer à m_2 pour qu'elle se mette en mouvement.
- 2) On augmente l'intensité de \vec{F} de manière à ce que le système se déplace avec une accélération constante $a=4 \text{ m/s}^2$.
 - a) Déterminer l'intensité de \vec{F} .
 - b) Déterminer l'allongement du ressort.

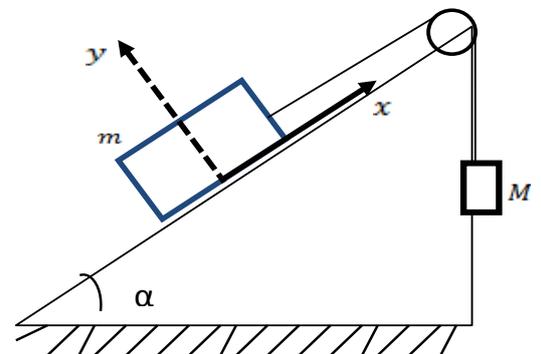


AN: $K = 200 \text{ N/m}$, $g = 10 \text{ m/s}^2$,

$$\mu_{s1} = 0.6, \mu_{g1} = 0.5, \mu_{s2} = 0.4, \mu_{g2} = 0.3$$

Exercice 3 (à traité en cours)

On considère le système de la figure ci-contre, constitué d'un plan incliné d'angle α par rapport à l'horizontale, sur lequel une masse m reliée par l'intermédiaire d'un fil inextensible à une autre masse M . Les masses de la poulie et du fil sont négligeables. Les coefficients de frottements entre m et le plan incliné sont μ_s et μ_g . On donne : $m=1\text{kg}$, $\alpha = 60^\circ$, $\mu_s =0.5$, $\mu_g=0.3$ et $g=10\text{m/s}^2$.



- 1- Dans le cas où on néglige les frottements, déterminer la valeur de M pour que le système reste en équilibre ?
- 2- Maintenant, on prend les frottements en considération, Déterminer les valeurs, M_{\min} (minimale) et M_{\max} (Maximale), de M pour lesquelles m reste au repos.
- 3) On prend $M = 2\text{Kg}$, la masse m monte sur le plan incliné. Calculer son accélération ?



Série N° 3 : Dynamique du point

Exercice 4

Un bloc de masse $m=1 \text{ kg}$ est posé sur un autre bloc de masse $M=2 \text{ kg}$. L'ensemble est posé sur une table. La masse M est reliée à une masse M_0 par l'intermédiaire d'un fil inextensible passant à travers une poulie (figure 3A). Les frottements entre la masse M et la table sont caractérisés par les coefficients de frottement $\mu_{s1} = 0.6$ et $\mu_{g1} = 0.5$. Ceux entre les deux blocs m et M sont $\mu_{s2} = 0.2$ $\mu_{g2} = 0.1$.

- 1) Quelle est la valeur maximale que peut prendre M_0 pour que le système reste en équilibre ?
- 2) La masse M_0 prend la valeur de $M_0=2 \text{ kg}$. L'équilibre étant rompu, calculer l'accélération 'a' du système, sachant que m reste collée à la masse M .
- 3) Maintenant, on relie la masse m au mur avec un fil (inextensible, sans masse et bien tendu) et on refait l'expérience avec la même masse $M_0=2 \text{ kg}$ (figure 3B).
 - Trouver l'accélération de la masse M , dans ce cas.
 - Calculer la tension du fil qui tient m au mur.

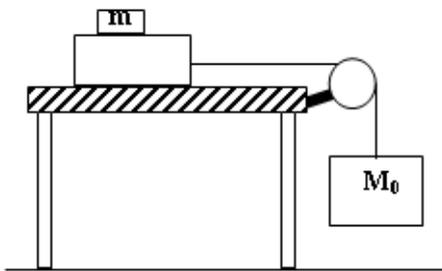


Figure 3A

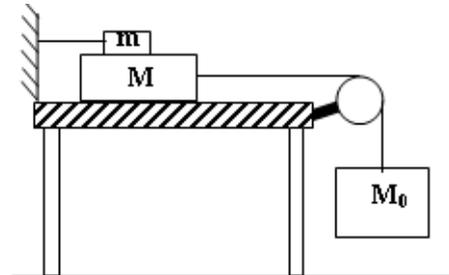


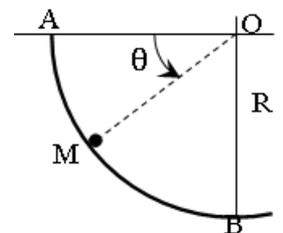
Figure 3B

Exercices supplémentaires

Exercice 1

On considère la piste circulaire AMB (figure ci-contre), située dans un plan vertical et de rayon $R=1\text{m}$. Une particule de masse $m=100 \text{ g}$ est abandonnée au point M sans vitesse initiale. Le coefficient de frottement statique entre la piste et m est $\mu_s=0.5$ et $g=10 \text{ m/s}^2$.

- 1) Pour quelles valeurs de θ , la particule reste-t-elle en équilibre sur la piste?
- 2) La particule est lancée vers le bas à partir du point A , elle arrive au point B ($\theta = \pi/2$) avec une vitesse $V=1 \text{ m/s}$ et une accélération $a= 2.4 \text{ m/s}^2$.
 - a) Ecrire la relation fondamentale de la dynamique pour m en un point quelconque M au cours du mouvement et la projeter sur les axes tangentiels et normaux.
 - b) En déduire le coefficient de frottement de glissement entre m et la piste.





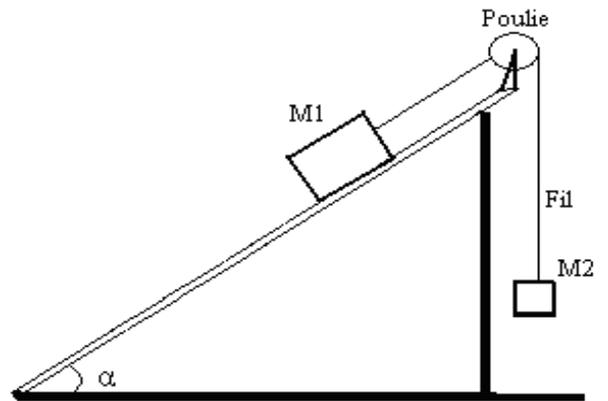
Série N° 3 : Dynamique du point

Exercice 2

Un corps de masse M_1 se trouve sur un plan incliné d'un angle α par rapport à l'horizontale. Il est relié à un corps de masse M_2 par l'intermédiaire d'un fil inextensible passant dans une poulie de masse négligeable. Les frottements entre M_1 et le plan incliné sont négligeables. A l'instant initial les deux corps sont immobiles.

Déterminer le rapport des masses M_2/M_1 tel que le corps M_2 :

- 1) Se met à descendre.
- 2) Se met à monter.
- 3) Reste au repos.



Exercice 3

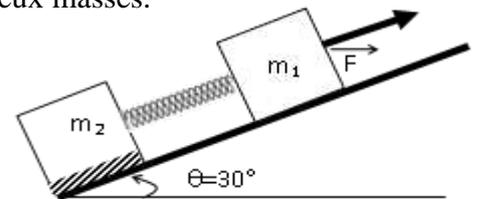
Soient deux blocs de masses $m_1=m_2=1 \text{ kg}$ reposant sur une table faisant un angle $\theta=30^\circ$ avec l'horizontale, et reliés par un ressort de masse négligeable et de constante de raideur $k=900 \text{ N/m}$.

On tire la masse m_1 avec une force $F=15 \text{ N}$ parallèle au plan de la table.

On suppose que la masse m_1 glisse sans frottements et que le contact de la masse m_2 avec la table est caractérisé par un coefficient de frottement dynamique $\mu_d=0.34$.

Le mouvement étant établi avec une accélération constante pour les deux masses.

- 1- Calculer l'accélération du système en utilisant la R.F.D.
- 2- Calculer la tension du ressort.
- 3- Calculer l'allongement du ressort.



Exercice 4

Un corps de masse m assimilé à un point matériel est lancé horizontalement avec une vitesse \vec{V}_0 à partir du point O ($\vec{V}_0 // OX$). Le corps subit de la part de l'air une force de frottement visqueux du type: $\vec{F}_r = -K \cdot \vec{V}$ ($K = \text{Cste} > 0$) où \vec{V} est la vitesse du corps.

- 1) Déterminer les composantes $V_x(t)$ et $V_y(t)$ de la vitesse.
 - Montrer que la vitesse atteint une valeur limite.
- 2) Déterminer les composantes $x(t)$ et $y(t)$ ainsi que l'équation de la trajectoire.

