

# الأرقام القياسية:

## الأرقام القياسية:

هي عبارة عن مؤشرات إحصائية تستعمل لقياس تطور سعر أو كمية مادة أو عدة مواد بين فترتين زمنيتين مختلفتين أو بين مجموعتين أو مكانين. تشكل الأرقام القياسية مؤشرات هامة في سيرورات الاقتصاديات المتطورة بما لها من شأن بلغة علمي النشاطات الاقتصادية بحيث أن أي قرار سياسي في الاقتصاد يؤدي بها إلى التغير سلباً وإيجاباً.

1- الأرقام القياسية البسيطة والتجميعية: تستعمل في حالة وجود نفس المتغير من الأهمية أو الترويج للمواد المدروسة.

2- الأرقام القياسية المرجحة: تستعمل عندما تكون المواد المدروسة غير متساوية متفاوتة من الأهمية والترويج. I - الأرقام القياسية البسيطة والتجميعية:

أولاً: الأرقام القياسية البسيطة: يقيس تطور سعر أو كمية مادة واحدة فقط بين فترتين زمنيتين مختلفتين أو بين مكانين مختلفين وهو عبارة عن النسبة بين سعر أو كمية الفترة أو السنة الحالية أو المدروسة وسعر أو كمية فترة أو سنة الأساس ويرمز للسنة الحالية  $t_1$  والسنة السابقة  $t_0$ .

الكميات.

$$I_{q_{t_1/t_0}} = \frac{Q_{t_1}}{Q_{t_0}} \cdot 100 \quad \text{و} \quad I_{p_{t_1/t_0}} = \frac{P_{t_1}}{P_{t_0}} \cdot 100$$

### الحالة 1: ثبات في تطور السعر أو الكمية

في هذه الحالة الرقم القياسي يساوي 100.

### الحالة 2: انخفاض في السعر أو الكمية

قيمة الرقم القياسي يكون أقل من 100.

### الحالة 3: ارتفاع في السعر أو الكمية

في هذه الحالة الرقم القياسي يكون أكبر من 100.  
ملاحظة:

1- الزيادة أو الارتفاع هو عبارة عن الفرق بين القيمة المتحصل عليها و 100.  
2- الانخفاض هو عبارة عن 100 - النتيجة المتحصل عليها.

مثال:

|  |   |
|--|---|
| $\left\{ \begin{array}{l} P_{2020} = 50 \\ P_{2021} = 30 \end{array} \right.$ <p>الرقم القياسي = <math>100 \cdot \frac{30}{50} = 60</math></p> <p>مقدار الانخفاض: <math>100 - 60 = 40</math></p> | $\left\{ \begin{array}{l} P_{2020} = 50 \\ P_{2021} = 70 \end{array} \right.$ <p>الرقم القياسي = <math>100 \cdot \frac{70}{50} = 140</math></p> <p>مقدار الزيادة: <math>140 - 100 = 40</math></p> |
|--|---|

٤- مقدار الزيادة أو انخفاض يتراوح بين 0 و ١٠٠ .

• الانخفاض بين 0 و 100 .

• الارتفاع بين 100 و ٠٠ .

مثال:

سنة 1980 كان سعر الدولار الأمريكي يساوي 136 وج بينما سعر الدولار سنة 2023 أصبح 136 وج

• أحسب الرقم القياسي لسعر الدولار بالنسبة للدينار  
• أحسب الرقم القياسي لسعر الدينار بالنسبة للدولار

الحل:  
- الرقم القياسي لسعر الدولار للدينار

$$I_{P_{t_{2023}/t_{1980}}} = \frac{P_{2023}}{P_{1980}} \cdot 100$$

$$= \frac{136}{016} \cdot 100 = \boxed{22666,66}$$

مقدار الزيادة =  $100 - 22666,66 = \boxed{22500,66}$

- الرقم القياسي لسعر DA ل \$ :

$$I_{P_{t_{23}/t_{80}}} = \frac{016}{136} \cdot 100 = \boxed{0,44}$$

مقدار الانخفاض :

$$100 - 0,44 = \boxed{99,56}$$

ثانياً: الأرقام القياسية التجميعية:

هو عبارة عن النسبة بين أسعار أو كميات مجموع هذا المواد في السنة المدروسة ومجموع أسعار أو كميات في سنة الأساس .

مثال:

| السنوات | ١٢  | بنزين عادي | ١٢   | بنزين هيمار |
|---------|-----|------------|------|-------------|
| 1       | 2   | 2,٢        | 6    |             |
| 2       | 6   | 4,١٥       | 9,٢  |             |
| 3       | 6,٢ | 4,2٢       | ١١   |             |
| 4       | 9,٢ | 7,2٢       | 16,٢ |             |

• المطلوب:

1- حدد الرقم القياسي التجميعي إذا اعتبرنا السنة 1 هي سنة الأساس .



- تحديد الرقم القياسي التجميعي:

$$I_{P_{2/1}} = \frac{\sum P_2}{\sum P_1}$$

$$= \frac{9,1 + 4,10 + 6}{6 + 2,1 + 2} \cdot 100$$

$$I_{P_{2/1}} = 186,66$$

$$I_{P_{3/1}} = \frac{\sum P_3}{\sum P_1}$$

$$= \frac{11 + 4,2 + 6,1}{6 + 2,1 + 2} \cdot 100$$

$$I_{P_{3/1}} = 207,1$$

$$I_{P_{4/1}} = \frac{\sum P_4}{\sum P_1}$$

$$= \frac{16,1 + 7,2 + 9,1}{6 + 2,1 + 2} \cdot 100$$

$$I_{P_{4/1}} = 316,66$$

\* نلاحظ أن أسعار المواد الثلاث ارتفعت بمقدار 86,66 من السنة الأولى إلى السنة 2.  
 و - 107,1 من السنة 1 إلى السنة 3 وواصل الارتفاع بـ 66,66 من السنة 2 إلى السنة 4.

**خصائص الأرقام القياسية**

لنتذكر من إختيار وإختيار أحسن الأرقام القياسية نستعمل المعايير الرياضية التالية:

**1 - خاصية الانعكاس:**

سنفرض أن  $I_{\frac{t_1}{t_0}}$  ولنفرض أن  $I_{\frac{t_0}{t_1}}$  تتمثل خاصية الانعكاس فيما يلي:

$$I_{\frac{t_1}{t_0}} \times I_{\frac{t_0}{t_1}} = \frac{(100)^{t_1}}{(100)^{t_0}} = 1$$

الرقم القياسي الأول × الرقم القياسي الثاني = 1  
 تنطبق هذه الخاصية على كل الأرقام القياسية فالرقم القياسي الذي يعكس هذه الخاصية نقول أنه حقق المعيار الأول.

**2 - خاصية التحويل أو التوازن:**

يمكن حساب الرقم القياسي  $I_{\frac{t_3}{t_0}}$  بإستعمال الأرقام القياسية الوسيطة:

$$I_{\frac{t_3}{t_0}} = I_{\frac{t_3}{t_1}} \times I_{\frac{t_1}{t_2}} \times I_{\frac{t_2}{t_0}}$$

ويكون ذلك ب:  $(I_{\frac{t_1}{t_0}}, I_{\frac{t_2}{t_1}}, I_{\frac{t_3}{t_2}})$

مثال: تبين الأرقام القياسية التالية تطور أسعار الغاز في فترات متتالية.

$$I_{t_3/t_2} = 85\%$$

$$I_{t_2/t_1} = 80\%$$

$$I_{t_1/t_0} = 78\%$$

1 - حدد الرقم القياسي للفترة الثالثة بالنسبة للفترة 0 باستخدام قاعدة الدوران.

$$I_{t_3/t_0} = \frac{I_{t_3/t_2} \times I_{t_2/t_1} \times I_{t_1/t_0}}{(100)^{3-1}} = \frac{85 \times 80 \times 78}{(100)^2} = \boxed{53,04}$$

وذن مقدار المنحفاضا بين الفترة 3 و الفترة 0 هي: 46,96

3 - تقيس وحدة القياس:

ويعتبر هذا المعيار من المعايير الرياضية عن أنه يؤثر في جودة الرقم القياسي ومعنى هذا المعيار أنه إذا تغيرت وحدة القياس فإن قيمة الرقم القياسي لا تتغير عن أن هذا الوقت أيضا لا يتحقق لبعض الأرقام القياسية ومنه جاء تضرورة إدخال هذا المعيار ضمن المعايير الرياضية فجودة وأهمية الرقم القياسي تكمن في تحقيقه لأكثر عدد من هذه المعايير.

مثال:

| السنوات | المازون | بنزين عادي | بنزين ممتاز |
|---------|---------|------------|-------------|
| 1       | 1       | 5          | 3           |
| 2       | 3       | 8,2        | 4,72        |
| 3       | 3,22    | 8,2        | 5,2         |
| 4       | 4,22    | 14,2       | 8,22        |

2 - حسب الأرقام القياسية التجميعية باعتبار السنة 0 هي سنة الأساس.

$$I_{t_2/t_1} = \frac{\sum P_2}{\sum P_1}$$

$$I_{t_2/t_1} = \frac{4,72 + 8,2 + 3}{3 + 5 + 1} \cdot 100$$

$$I_{t_2/t_1} = \boxed{177,22}$$

$$I_{t_3/t_1} = \frac{\sum P_3}{\sum P_1}$$

$$= \frac{5,2 + 8,2 + 3,22}{3 + 5 + 1} \cdot 100$$

$$I_{t_3/t_1} = \boxed{109,1}$$

$$I_{P_{t_1}/t_1} = \frac{\sum P_{t_1}}{\sum P_{t_2}}$$

$$= \frac{2,22 + 1,415 + 4,122}{3 + 5 + 1} = \boxed{300}$$

$$= \frac{177,22 \times 191 \times 300}{(100)^{4-1}} = \boxed{10,15}$$

نلاحظ أنه عند تغيير وحدة القياس تغيرت قيم الأرقام القياسية لنفس الفترات ويتضح منه أن تغيير وحدة القياس يؤثر في الرقم القياسي التحليلي وبالتالي فإنه لا يحقق المعيار الثالث.

### متوسط الأرقام القياسية:

\* إن تحديد الوسط المستعمل لحساب متوسط الأرقام القياسية يخضع للمعايير والضوابط السابقة فالوسط الذي يحقق أكبر عدد من المعايير السابقة يعتبر أحسن من غيره، فإذا أردنا قياس تطور أسعار أو كميات مجموعة معينة من المواد خلال فترات متعددة من الزمن، فما هو الوسط الذي يمكن استخدامه؟

للإجابة على هذا السؤال نقوم باختبار كل المتوسطات باستخدام معيار المنعكاس، التحويل، تغيير وحدة القياس.

### أ- الوسط الحسابي للأرقام القياسية:

هو عبارة عن الوسط الحسابي للمناسيب أي النسب بين أسعار أو كميات السنة المدروسة وأسعار أو كميات سنة الأساس ويرمز له بالرمز:  $I_{x t_1/t_0}$

$$I_{x t_1/t_0} = \frac{\sum \frac{P_{t_1}}{P_{t_0}}}{N} \cdot 100$$

مثال:

أخذ المثال السابق.

1- حساب الوسط الحسابي للأرقام القياسية، ثم اختبار هذا الوسط بتطبيق المعايير الثلاثة.

$$I_{x t_2/t_0} = \frac{\frac{9}{6} + \frac{4,10}{2,2} + \frac{6}{2}}{3} \cdot 100$$

$$\boxed{I_{x t_2/t_0} = 207,44}$$

$$I_{x t_3/t_0} = \frac{\frac{11}{6} + \frac{4,122}{2,2} + \frac{6,2}{2}}{3} \cdot 100$$

$$\boxed{I_{x t_3/t_0} = 226,11}$$



$$I_{x_{t_4/t_1}} = \frac{\frac{1612}{6} + \frac{7122}{212} + \frac{912}{2}}{3} \cdot 100$$

$$I_{x_{t_4/t_1}} = 346,66$$

بعد التحقق من خاصية التحويل مدققة او خاصية تغير وحدة القياس مدققة.  
خاصية البروفكاسا عن مدققة >  
ب .. الوسط الهندسي للأرقام القياسية :  
هو عبارة عن الجذر النوني لجداء المناسيب وتكتب العدة الإحصائية للوسط الهندسي بالشكل التالي :

$$I_{g_{t_1/t_0}} = \sqrt[n]{\frac{\pi P_3}{\pi P_0}} \cdot 100$$

مثال :

نأخذ المثال السابق .  
حساب الوسط الهندسي للأرقام القياسية

$$I_{g_{t_2/t_1}} = \sqrt[n]{\frac{\pi P_2}{\pi P_1}} \cdot 100$$

$$= \sqrt[3]{\frac{3 \times 812 \times 4172}{1 \times 5 \times 3}} \cdot 100 = 198,23$$

$$I_{g_{t_3/t_1}} = \sqrt[3]{\frac{3,22 \times 812 \times 515}{1 \times 5 \times 3}} \cdot 100 = 216,36$$

$$I_{g_{t_4/t_1}} = \sqrt[3]{\frac{4122 \times 1412 \times 8122}{1 \times 5 \times 3}} \cdot 100$$

$$= 323,62$$

ملاحظة

- بعد التحقق وجدنا الوسط الهندسي يحقق كل الخصائص الرياضية  
وذلك يتأثر بتغير وحدة القياس وهو بالتالي يعتبر من أحسن المتوسطات  
لحساب الأرقام القياسية :

الوسط التوافقي التريبي لا يحققان كل خصائصها الأرقام القياسية

**\* العناصر الضرورية لسياغ رقم قياسي .**

يمكن تلخيصها العناصر الضرورية لسياغ رقم قياسي كالتالي :

**\* العلاقة الإحصائية المستعملة :** نميز هنا بين ثلاث حالات :

**الحالة ① : الرقم القياسي البسيط**  
توجد علاقة واحدة للرقم القياسي البسيط عندما يتعلق الأمر بسلعة أو خدمة واحدة فقط ،

**الحالة ② : الرقم القياسي التجميعي العنبري مرجع**  
يعتبر الوسط الهندسي للأرقام القياسي هذا أحسن المتوسطات لتحقيقه كل الظواهر الرياضية ويتأثر بتغير وحدة القياس .

**الحالة ③ : الرقم القياسي التجميعي المرجع**  
يعتبر الوسط الهندسي هذا أحسن الأرقام القياسية التجميعية المروجة أو غير مروجة غير أنها ونظر لمشكلة التجميع والصعوبة الحسابية للوسط الهندسي وضع كل هذا بارشا ، لا سيما بعد قسمة الرقم القياسي المرجع يعتمد الأول (بارشا) على ترجيحات السنة الحالية بينهما يعتمد لا سيما على سنة الأساس .

**\* سنة الأساس :**

تحدد دقة قياس الظاهرة المدروسة على أساس السنة المرجعية (سنة الأساس) فمن الأفضل أن تكون هذه السنة عادية وحيادية عن كل التطورات والتغيرات المفاجئة والعشوائية ، ولما تعد ذلك يمكن اختيار فترة الأساس متحركة (في هذه الحالة سنة الأساس هي السنة السابقة مباشرة أو أخذ بعين الاعتبار متوسط عدة سنوات كفترة للأساس) فكما كانت سنة الأساس بعيدة في الزمن عن السنة المدروسة كلما أعطى الرقم القياسي صورة غير حقيقية عن الظاهرة المدروسة ويؤدي ذلك لعدة أسباب :  
اختفاء بعض السلع مما يؤدي إلى ظهور سلع جديدة في السوق (أو سلع بديلة)

- بهذه الحالة تعدل السلسلة الإحصائية القومية وترتبط بسلسلة إحصائية جديدة بسنة أساس جديدة ويتم هذا الربط بواسطة معامل ربط وهو عبارة عن النسبة بين الرقم القياسي لسنة الأساس في السلسلة الجديدة والرقم القياسي

يرمز له بـ C :

$$C = \frac{I_{t_1} / t_0}{I_{t_1} / t_1}$$

**مثال :**

تبين السلسلتان التاليتان الأرقام القياسية في أسعار التجزئة لبلد ما ل 300 مادة ، نعتبر سنة (2000) سنة أساساً للسلسلة الأولى ونعتبر سنة

2012 سنة أساساً للسلسلة الثانية :



السلسلة  
①

|               |      |      |      |      |       |       |       |
|---------------|------|------|------|------|-------|-------|-------|
| السنوات       | 2007 | 2008 | 2009 | 2010 | 2011  | 2012  | 2013  |
| الرقم القياسي | 100  | 107  | 113  | 126  | 135,1 | 141,6 | 149,7 |

\* السلسلة ②

|            |      |       |       |       |
|------------|------|-------|-------|-------|
| السنوات    | 2012 | 2013  | 2014  | 2015  |
| رقم القياس | 100  | 104,9 | 108,2 | 113,2 |

الصل :

$$C_R = \frac{I_{t_1/t_0}}{I_{t_1/t_1}}$$

$$C_R = \frac{I_{t_{2012}/t_{2007}}}{I_{t_{2012}/t_{2012}}}$$

$$I_{2012/2007} = \frac{I_{t_{2012}}}{I_{t_{2007}}} = \frac{141,6}{100} = 1,416$$

السلسلة الجديدة :

|               |      |      |      |      |       |       |       |       |       |
|---------------|------|------|------|------|-------|-------|-------|-------|-------|
| السنوات       | 2007 | 2008 | 2009 | 2010 | 2011  | 2012  | 2013  | 2014  | 2015  |
| الرقم القياسي | 100  | 107  | 113  | 126  | 135,1 | 141,6 | 148,5 | 153,2 | 160,2 |

ج - اختيار المواد التي تدخل في تحويل أو سلع رة رقم قياسي :

يتعلق الأمر هنا بالرقم القياسي المرجحة فديعقل أن يكون بمختلف السلع و الخدمات نفس مستوى الأهمية والترجيح فمثلا: السلع أو المواد التي تدخل في هيزانها الأخرى المخصصة لاستهلاك تختلف فيها بنها من حيث الأهمية ونظرا للعدد الكبير من السلع والخدمات المتداولة قد يمكن أن تدخل كلها في صناعة الرقم القياسي بل نقتصر على أهمها، تقاس الأهمية والترجيح بوحدة قياس السلع المدروسة غير أن الإشكال هنا يتمثل في اختيار أهمية المواد في سنة الأساس أو السنة المدروسة اختلاف الإحصاء يكون في هذه المسألة فممنهم من أخذ بعين الاعتبار أهمية المواد في السنة المدروسة وأخرون ركزوا على أهميتها في سنة الأساس بينما فظلو الأخرى متوسط الترجيح بين الفترتين ويتوقف ذلك عند توفر المعطيات الخاصة بالظاهرة المدروسة.

د - اختيار الرقم القياسي المجمع :

- تتوقف عملية الإختيار على العوامل التالية :
- توفر المعطيات الخاصة بالظاهرة المدروسة.
- السهولة في الحساب



- تحقيق الخصائص الرياضية .
- الهدف منه وضع الرقم القياسي
- \* أهم الأرقام القياسية المبرجة :

### أ- الرقم القياسي لـ **تسيير** :

استعمل لـ تسيير في حساب رقمه القياسي أهمية المواد لسنة الأساس ويمكن أن نميز بين الرقم القياسي للأسعار والكميات

هو عبارة عن النسبة بين الكتلة النقدية المدفوعة في السنة الحالية و الكتلة النقدية في سنة الأساس لإقتناء نفس كمية سنة الأساس .

$$I_{LP} = \frac{\sum_{i=1}^n (P_{i1} \cdot Q_{i0})}{\sum_{i=1}^n (P_{i0} \cdot Q_{i0})} \cdot 100$$

ثانياً : بالنسبة للكميات :  
هو عبارة عن النسبة بين الكمية الكلية للسنة الحالية والكمية الكلية لسنة الأساس :

$$I_{LQ} = \frac{\sum_{i=1}^n (Q_{i1} \cdot P_{i0})}{\sum_{i=1}^n (Q_{i0} \cdot P_{i0})} \cdot 100$$

### ب- الرقم القياسي لـ **بائش** :

استعمل بائش في حساب رقمه القياسي ترجيح السنة الحالية لتعيين الرقم القياسي للأسعار والكميات .

ثانياً : بالنسبة للأسعار :  
هو عبارة عن النسبة بين الكتلة النقدية المدفوعة في السنة الحالية والكتلة النقدية لسنة الأساس لإقتناء نفس كمية السنة الحالية .

$$I_{PP} = \frac{\sum_{i=1}^n (P_{i1} \cdot Q_{i1})}{\sum_{i=1}^n (P_{i0} \cdot Q_{i1})} \cdot 100$$

ثانياً : بالنسبة للكميات :  
هو عبارة عن النسبة بين الكمية الكلية للسنة الحالية والأساس حسب سعر السنة الحالية

$$I_{PQ} = \frac{\sum_{i=1}^n (Q_{i1} \cdot P_{i1})}{\sum_{i=1}^n (Q_{i0} \cdot P_{i1})} \cdot 100$$

### ج- الرقم القياسي لـ **غيدشن** :

هو عبارة عن الوسط الهندسي للرقمين السابقين وتكتب عدته الإحصائية للسعر والكمية :  
⑤ -

أولاً: النسبة للسعر:

$$I_{FP} = \sqrt{I_{LP} \times I_{PP}}$$

ثانياً: النسبة للكميات:

$$I_{FQ} = \sqrt{I_{LQ} \times I_{PQ}}$$

ملاحظة:

يعتبر الرقم القياسي لفيتش من أحسن الأرقام القياسية مقارنة مع الأرقام القياسية الأخرى.

د- الرقم القياسي لمارشال: قيمة القياسي متوسط ترجيح المواد لفترتي

يستعمل مارشال في حساب

أولاً: النسبة للسعر

هو عبارة عن النسبة بين الكتلة النقدية المدفوعة في السنة الحالية والكتلة

النقدية المدفوعة في سنة الأساس حسب الكمية المتوسطة:

$$I_{MP} = \frac{\sum_{i=1}^n P_{i1} (Q_{i1} + Q_{i0})}{\sum_{i=1}^n P_{i0} (Q_{i1} + Q_{i0})} \cdot 100$$

ثانياً: النسبة للكميات:

هو عبارة عن النسبة بين الكمية الكلية للسنة الحالية والكمية الكلية لسنة الأساس حسب متوسط السعر:

$$I_{MQ} = \frac{\sum_{i=1}^n Q_{i1} (P_{i1} + P_{i0})}{\sum_{i=1}^n Q_{i0} (P_{i1} + P_{i0})} \cdot 100$$

مثال:

يسن الجدول التالي أسعار وكميات أربعة مواد خلال فترتي  
والمطلوب حساب الأرقام القياسية للأسعار لكل من أ، ب، ج، د، فيش، مارشال

| $Q_1$ | $P_1$ | $Q_0$ | $P_0$ |   |
|-------|-------|-------|-------|---|
| 5     | 70    | 6     | 50    | A |
| 3     | 90    | 4     | 70    | B |
| 6     | 21    | 3     | 20    | C |
| 9     | 22    | 8     | 30    | D |



الحل :

| $P_0(Q_1+Q_0)$ | $P_1(Q_1+Q_0)$ | $P_0 \cdot Q_1$ | $P_1 \cdot Q_1$ | $P_0 \cdot Q_0$ | $P_1 \cdot Q_0$ | الكميات |       | الأسعار |       | ✓ |
|----------------|----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|---------|-------|---------|-------|---|
|                |                |                 |                 |                 |                 | $Q_1$   | $Q_0$ | $P_1$   | $P_0$ |   |
|                | 770            | 250             | 350             | 300             | 420             | 5       | 6     | 70      | 50    | A |
|                | 630            | 210             | 270             | 280             | 360             | 3       | 4     | 90      | 70    | B |
|                | 225            | 120             | 150             | 60              | 75              | 6       | 3     | 25      | 20    | C |
|                | 374            | 270             | 198             | 240             | 176             | 9       | 8     | 22      | 30    | D |
| 1730           | 1999           | 850             | 968             | 880             | 1031            |         |       |         |       | Σ |

1- الرقم القياسي الترجيحي لكسبير: الأسعار:

$$I_{kp} = \frac{\sum (P_1 \cdot Q_0)}{\sum (P_0 \cdot Q_0)} \cdot 100$$

$$= \frac{1031}{880} \cdot 100$$

$$I_{kp} = 117,16$$

2- الرقم القياسي الترجيحي باش للأسعار:

$$I_{pp} = \frac{\sum (P_1 \cdot Q_1)}{\sum (P_0 \cdot Q_1)} \cdot 100$$

$$= \frac{968}{850} \cdot 100$$

$$I_{pp} = 113,88$$

3- الرقم القياسي الترجيحي فيشر للأسعار:

$$I_{fp} = \sqrt{I_{kp} \times I_{pp}}$$

$$= 117,16 \times 113,88$$

$$I_{fp} = 131,50$$

4- الرقم القياسي الترجيحي مارشال للأسعار:

$$I_{mp} = \frac{1999}{1730} \cdot 100$$

$$I_{mp} = \frac{\sum P_1(Q_1+Q_0)}{\sum P_0(Q_1+Q_0)} \cdot 100$$

$$I_{mp} = 115,54$$

- بعضها الأرقام القياسية الأخرى

1- الأرقام القياسية للبورصة:

تعتبر من أشهر المؤشرات المالية في العالم (نيكي طوكيو، ...)

مؤشر داوجونز:

يقيس هذا المؤشر تطور أسعار الأسهم والسندات لثلاثين شركة  
صناعية هامة وتكتب عدته الإحصائية كالتالي:

1- حسب ترجيح لا سبير:

$$I_{SP} = \frac{\sum (n_{i0} \cdot c_{iz})}{\sum (n_{i0} \cdot c_{i0})} \cdot 100$$

حيث أن:

$n_{i0}$ : عدد الأسهم والسندات للشركة  $i$  في سنة الأساس

$c_{iz}$ : هو سعر الأسهم والسندات لشركة  $i$  في الفترة  $t$

2- حسب ترجيح باشا:

$$I_{PB} = \frac{\sum (n_{iz} \times c_{iz})}{\sum (n_{i0} \times c_{i0})} \cdot 100$$

حيث أن:

$n_{iz}$ : عدد الأسهم في الفترة  $t$

$c_{iz}$ : سعر الأسهم في الفترة  $t$

$n_{i0}$ : عدد الأسهم في فترة الأساس

$c_{i0}$ : سعر الأسهم في فترة الأساس

- عذقة الرسملة:

تستعمل مفهوم الرسملة في السنة الحالية وفي سنة الأساس وبالتالي الرقم القياسي  
هو عبارة عن النسبة بين الرسملة في الفترة  $t$  والرسملة في فترة الأساس  
تكتب عدته بالشكل التالي:

$$I_k = \frac{\sum (n_{iz} \cdot c_{iz})}{\sum (n_{i0} \cdot c_{i0})} \cdot 100$$

ملاحظة:

يتم اعتبار 1 جانفي 1970 سنة الأساس لأغلب الأرقام القياسية ومؤشرات  
البورصات المشهورة



## 2- الرقم القياسي للأجور:

يُقاس تطور أجور فئة مهنية إحصائية معينة بين فترتين زمنيتين مختلفتين ويتم فيها صياغة رقم قياسي مدح طريقتين:

الطريقة ①: التدرج بواسطة عدد أفراد المهنيين لفئة مهنية إجتماعية معينة.

الطريقة ②: تعتمد أساساً على علاقة كاسبين.

## 3- القدرة الشرائية للعملة:

لتحديد القدرة الشرائية للعملة نقسم وحدة واحدة من هذه العملة على الرقم القياسي ك سعر المواد الاستهلاكية.

مثال

بلغ الرقم القياسي ك سعر الاستهلاك في بلد ما 180% في شهر مارس 2020 ثم أصبح في مارس 2021 190% إذا اعتبرنا سنة أساسية ك 2018 والعملة المستعملة هي الدولار فحدد القدرة الشرائية للدولار سنتي 2020 والاصل:

\* القدرة الشرائية للدولار سنة 2020 :

$$= \frac{1}{180} \cdot 100$$

$$= 0,55$$

بمعنى \$1 في ك 2021 أصبحت قيمتها 0,55 في 2020.

\* القدرة الشرائية للدولار سنة 2021 :

$$= \frac{1}{190} \cdot 100$$

$$= 0,52$$

بمعنى \$1 في ك 2021 أصبحت قيمتها 0,52 في 2020.

## 4- تقييم الأجر الإسمي وتحديد الأجر الحقيقي:

لتحديد الأجر الحقيقي لفئة إجتماعية نهائية معينة في فترة معينة نقسم الأجر الإسمي لهذه الفترة على الرقم القياسي ك سعر الاستهلاك.

مثال:

نفس المثال السابق مع إضافة الأجر الإسمي السنوي لعامل ما كان يساوي

- حد الأجر الحقيقي .  
لحل :

- تحديد الأجر الحقيقي :

$$\text{الأجر الحقيقي} = \frac{\text{الأجر الإسمي} \cdot 100}{\text{الرقم القياسي} \cdot 100} = \frac{20000}{190} \cdot 100$$

$$\boxed{\text{الأجر الحقيقي} = 10526,3}$$

التفسير:

نظراً لارتفاع أسعار المواد الاستهلاكية فإن العامل فقد تقريبا 50% من قدرته الشرائية وبالتالي نقول أن مستوى معيشة العامل قد انخفض .