

تمارين وحلول المحور الخامس

تمارين مقترحة للمحور الخامس:

التمرين الأول:

إذا كانت لدينا المجموعة العددية التالية: 0، 2، 3، 7، أوجد العزم الابتدائي والعزم المركزي حول الوسط الحسابي من الدرجة الثالثة؟

التمرين الثاني:

لتكن لدينا المعلومات التالية:

المجموع]8-6]]6-4]]4-2]]2-0]	الفئة
16	4	6	4	2	التكرار

أوجد العزم الأول والثاني حول المتوسط الحسابي للبيانات المبوبة؟

التمرين الثالث:

لتكن المعلومات التالية:

المجموع	4	3	2	1	x_i
20	1	4	9	6	n_i

المطلوب: أدرس شكل منحني التوزيع التكراري الأتي باستخدام معامل فيشر للالتواء ومعامل بيرسون للتفلطح؟

حل التمرين الأول:

العزم الابتدائي من الدرجة الثالثة:

$$\mu_3 = \frac{\sum X_i^3}{n} = \frac{7^3 + 3^3 + 2^3 + 0^3}{4} = \frac{343 + 27 + 8}{4} = 94.5$$

العزم المركزي من الدرجة الثالثة:

$$\bar{X} = \frac{\sum X_i}{n_i} = \frac{7 + 3 + 2 + 0}{4} = 3$$

$$\mu_3 = \frac{\sum n_i (X_i - \bar{X})^3}{\sum n_i} = \frac{(7 - 3)^3 + (3 - 7)^3 + (2 - 7)^3 + (0 - 7)^3}{4} = 9$$

حل التمرين الثاني:

$n_i(x_i - \bar{X})^2$	$n_i(x_i - \bar{X})$	$(x_i - \bar{X})$	$n x_i$	x_i	n_i	الفترة
24.5	-7	-3.5	2	1	1	[2-0]
9	-6	-1.5	12	3	2	[4-2]
1.5	3	0.5	30	5	3	[6-4]
25	10	2.5	28	7	4	[8-6]
60	0		27		10	المجموع

$$\mu_1 = \frac{\sum n_i (x_i - \bar{x})}{\sum n_i} = \frac{0}{4} = 0 = \text{العزم الأول حول المتوسط الحسابي}$$

$$\mu_2 = \frac{\sum n_i (x_i - \bar{x})^2}{\sum n_i} = \frac{60}{4} = 15 = \text{العزم الثاني حول المتوسط الحسابي}$$

حل التمرين الثالث:

$n_i(x_i - \bar{X})^3$	$n_i(x_i - \bar{X})^2$	$n_i(x_i - \bar{X})$	$(x_i - \bar{X})$	$n_i X_i$	n_i	x_i
6	6	-6	-1	6	6	1
0	0	0	0	18	9	2
4	4	4	1	12	4	3
16	4	2	2	4	1	4
26	14	0		40	20	المجموع

$$\bar{X} = \frac{\sum niX_i}{\sum n_i} = \frac{40}{20} = 2$$

$$\mu_1 = \frac{\sum ni(X_i - \bar{X})}{\sum n_i} = \frac{0}{20} = 0 \text{ العزم الأول: } 0$$

$$\mu_2 = \frac{\sum ni(X_i - \bar{X})^2}{\sum n_i} = \frac{14}{20} = 0.7 \text{ العزم الثاني: } 0.7$$

$$\sigma_x = \sqrt{0.7} = 0.83$$

$$\mu_3 = \frac{\sum ni(X_i - \bar{X})^3}{\sum n_i} = \frac{6}{20} = 0.3 \text{ العزم الثالث: } 0.3$$

$$\mu_4 = \frac{\sum ni(X_i - \bar{X})^4}{\sum n_i} = \frac{26}{20} = 1.3 \text{ العزم الرابع: } 1.3$$

$$\gamma_1 = \frac{\mu_3}{\sigma^3} = \frac{0.3}{(0.83)^3} = 0.52 \text{ ومنه معامل فيشر للالتواء}$$

نلاحظ أن معامل فيشر للالتواء موجب، هذا يعني أن منحنى التوزيع التكراري ملتوي ناحية اليمين.

معامل بيرسون للتفلطح:

$$\beta_2 = \frac{\mu_4}{(\mu_x)^2} = \frac{1.3}{(0.7)^2} = 2.653$$

معامل بيرسون للتفلطح أقل من 3 هذا يعني أن منحنى التوزيع يميل لتفلطح.